

110 學年度四技二專第一次聯合模擬考試 共同科目 數學(B)卷 詳解

數學(B)卷

110-1-B

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
C	C	A	B	B	A	D	D	C	C	A	A	D	A	C	B	D	A	D	C	B	B	D	B	C

- $A(a)$ 、 $B(-1)$ 兩點的距離為 4

$$\Rightarrow |a - (-1)| = |a + 1| = 4 \Rightarrow a + 1 = 4 \text{ 或 } a + 1 = -4$$

$$\Rightarrow a = 3 \text{ 或 } -5, \text{ 因為 } a < 0, \text{ 所以 } a = -5, \text{ 故選(C)}$$
- 誤差值為 $40 \times 2\% = 40 \times 0.02 = 0.8$

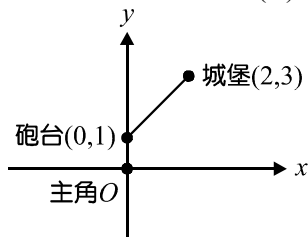
$$\Rightarrow |x - 40| \leq 0.8 \Rightarrow a = 40, b = 0.8$$

$$\Rightarrow a + b = 40 + 0.8 = 40.8, \text{ 故選(C)}$$
- 假設主角位於坐標平面上的原點 O

依據題意，砲台坐標為 $(0, 1)$ 、城堡坐標為 $(2, 3)$

$$\Rightarrow \text{砲彈的水平射程為 } \sqrt{(0-2)^2 + (1-3)^2}$$

$$= \sqrt{4+4} = 2\sqrt{2}, \text{ 故選(A)}$$



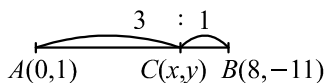
- $4\overline{AC} = 3\overline{AB} \Rightarrow \overline{AC} : \overline{AB} = 3 : 4$

因為 C 在線段 \overline{AB} 上，所以 $\overline{AC} : \overline{CB} = 3 : 1$

利用內分點公式：

$$x = \frac{3 \times 8 + 1 \times 0}{3 + 1} = 6, y = \frac{3 \times (-11) + 1 \times 1}{3 + 1} = -8$$

$$\Rightarrow x + y = 6 + (-8) = -2, \text{ 故選(B)}$$



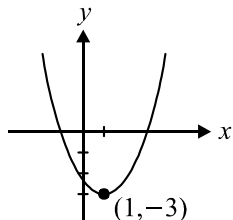
- 已知 $f(x) = a(x-h)^2 + k$ 在 $x=1$ 時有最小值 -3

$$\Rightarrow f(x) = a(x-1)^2 + (-3), \text{ 其中 } a > 0$$

$$\Rightarrow h=1, k=-3 \Rightarrow h+k=1+(-3)=-2$$

此函數圖形為開口朝上的拋物線，且頂點為 $(1, -3)$

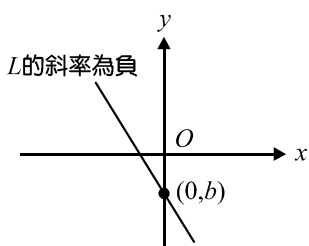
由圖可知，圖形與 x 軸有兩個交點，故選(B)



- 已知直線 $L: y = mx + b$ 的斜率為負且 $b < 0$

依據題意繪製直線圖形則直線 L 不通過第一象限

故選(A)
- x 截距為 $-3 \Rightarrow$ 直線 L 通過 $(-3, 0)$



假設直線 L 與 y 軸的交點坐標為 $(0, y)$

通過 $(0, y)$ 與 $(-3, 0)$ 的直線 L ，其斜率為 -3

$$\Rightarrow \frac{y-0}{0-(-3)} = \frac{y}{3} = -3 \Rightarrow y = -9$$

\Rightarrow 直線 L 與 y 軸的交點坐標為 $(0, -9)$ ，故選(D)

[另解]

\because 直線 L 之斜率為 -3 且 x 截距為 -3 ，即通過 $(-3, 0)$

利用點斜式得： $y - 0 = -3(x + 3) \Rightarrow y = -3x - 9$

當 $x = 0$ 時， $y = -9$

\Rightarrow 直線 L 與 y 軸的交點坐標為 $(0, -9)$ ，故選(D)

- 由題意可知點 $Q(a-6, b+3)$

因為 P 、 Q 兩點皆在直線 L_2 上

所以直線 L_2 之斜率 $m = \frac{(b+3) - b}{(a-6) - a} = \frac{3}{-6} = -\frac{1}{2}$

點 $P(a, b)$ 為 L_1 與 L_2 之交點 $\Rightarrow \begin{cases} 3a - b = 0 \dots\dots \textcircled{1} \\ b = -\frac{1}{2}a + 7 \dots\dots \textcircled{2} \end{cases}$

將 $\textcircled{2}$ 代入 $\textcircled{1}$ 得

$$3a - (-\frac{1}{2}a + 7) = \frac{7}{2}a - 7 = 0$$

$$\Rightarrow a = 2 \text{ 代入 } \textcircled{2} \text{ 得 } 6 - b = 0 \Rightarrow b = 6$$

$$\Rightarrow a + b + m = 2 + 6 - \frac{1}{2} = \frac{15}{2}, \text{ 故選(D)}$$

- $L_1: y = ax + 2$

$L_2: 3x + y = b \Rightarrow y = -3x + b$

已知兩直線平行，所以斜率相同但 y 截距不同

得 $a = -3, b \neq 2$

故選(C)
- 點 $(2, -1)$ 到直線 $L: 3x - 4y + c = 0$ 的距離為

$$\frac{|3 \times 2 - 4 \times (-1) + c|}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = \frac{|10 + c|}{5} = 3$$

$$\Rightarrow |c + 10| = 15 \Rightarrow c + 10 = 15 \text{ 或 } c + 10 = -15$$

$$\Rightarrow c = 5 \text{ 或 } -25, \text{ 又因為 } c > 0, \text{ 所以 } c = 5$$

故選(C)

- L_1 的斜率為 $m, L_2: x + 2y + c = 0$ 的斜率為 $-\frac{1}{2}$

因為 L_1 與 L_2 垂直，其斜率相乘等於 -1

$$\Rightarrow m \times (-\frac{1}{2}) = -1 \Rightarrow m = 2$$

又因為 L_2 通過點 $(3, 1)$ ，所以 $3 + 2 + c = 0 \Rightarrow c = -5$

$$\Rightarrow m + c = 2 + (-5) = -3, \text{ 故選(A)}$$
- 由餘式定理可知

$f(x)$ 除以 $x-1$ 的餘式為 $f(1)$

$$\Rightarrow f(1) = 1 + 3 - 1 + k = 1 \Rightarrow k = -2$$

故選(A)

13. $f(x) = (3x^2 + 7x - 3)(2x^3 + 4x^2 + 2)$

(A)(B) 展開後最高次方項為 $6x^5$

$\Rightarrow f(x)$ 為五次多項式且領導係數為 6

(C) 展開式中常數項為 $-3 \times 2 = -6$

(D) $(3x^2 + 7x - 3)(2x^3 + 4x^2 + 2)$

$$x^4 \text{ 項為 } 3x^2 \times 4x^2 + 7x \times 2x^3 = (12 + 14)x^4 = 26x^4$$

故選(D)

14. 由除法原理得 $f(x) = (x+1)(2x-1) + 7$

$$\Rightarrow f(1) = (1+1)(2-1) + 7 = 2 + 7 = 9$$

故選(A)

15. 若 $f(x)$ 有因式 $x+1$ 及 $x-2$

由因式定理得 $f(-1) = 0$ 且 $f(2) = 0$

$$\Rightarrow \begin{cases} 1 - a + b - 1 - 2 = 0 \\ 16 + 8a + 4b + 2 - 2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -a + b = 2 \\ 8a + 4b = -16 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -a + b = 2 \\ 2a + b = -4 \end{cases} \Rightarrow a = -2, b = 0 \Rightarrow a + b = -2$$

故選(C)

16. 因為長方形面積等於長 \times 寬

$$\text{所以 } 6x^2 + 5x - 4 = (ax + b)(cx - 1)$$

$$\text{因式分解得 } 6x^2 + 5x - 4 = (3x + 4)(2x - 1)$$

$$\begin{array}{r} 3x \quad + \quad 4 \\ 2x \quad - \quad 1 \\ \hline 8x \quad - \quad 3x = 5x \end{array}$$

$$\Rightarrow a = 3, b = 4, c = 2$$

$$\Rightarrow a + b + c = 3 + 4 + 2 = 9, \text{ 故選(B)}$$

17.
$$\left. \begin{array}{r} 2 - 5 + 1 - 7 \\ \hline 6 + 3 + 12 \end{array} \right\} 3$$

$$\Rightarrow A = 3, B = 6, C = 1, D = 4, E = 12, F = 5$$

$$\Rightarrow A + C + E = 3 + 1 + 12 = 16$$

故選(D)

18. $\sin 30^\circ \times \cos 45^\circ + \cos \frac{\pi}{3} \times \tan 45^\circ$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{2} \times 1 = \frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{2}{4} = \frac{2 + \sqrt{2}}{4}$$

故選(A)

19. 因為 θ 為第四象限角，所以 $\sin \theta < 0$

$$\Rightarrow \sin \theta = -\sqrt{1 - \cos^2 \theta} = -\sqrt{1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2} = -\frac{\sqrt{5}}{3}$$

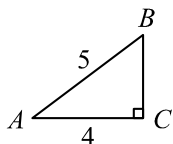
故選(D)

20. (1) 因為 $0 < \angle A < 90^\circ$ 且 $\cos A = \frac{4}{5}$

如右圖所示，令 $\overline{AB} = 5, \overline{AC} = 4$

$$\Rightarrow \overline{BC} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$$

$$\text{所以 } \tan A = \frac{3}{4}$$



(2) 利用餘角公式得 $\cos 70^\circ = \sin 20^\circ$

$$\Rightarrow \sin^2 20^\circ + \cos^2 70^\circ = \sin^2 20^\circ + \sin^2 20^\circ = 2\sin^2 20^\circ \neq 1$$

(3) 由 $\tan \theta < 0$ 可知 θ 為第二或第四象限角

由 $\cos \theta > 0$ 可知 θ 為第一或第四象限角

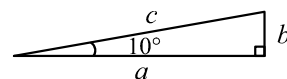
同時滿足兩式的 θ 為第四象限角

$$(4) \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\frac{12}{13}}{\frac{5}{13}} = \frac{12}{5}$$

只有甲丁回答正確，故選(C)

21. $x = \tan(180^\circ + 45^\circ) = \tan 45^\circ = 1$

$$y = \cos 80^\circ = \sin 10^\circ = \frac{b}{c} < 1$$



$$z = \cos(-10^\circ) = \cos 10^\circ = \frac{a}{c} < 1$$

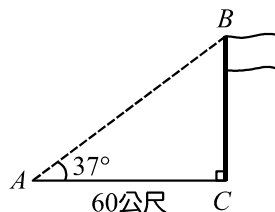
因為 $a > b$ ，所以 $x > z > y$ ，故選(B)

22. 如下圖，假設旗桿頂端為 B 點，旗桿底部為 C 點

由題意知 $\angle A = 37^\circ$

$$\tan 37^\circ = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{BC}}{60} \approx \frac{3}{4} \Rightarrow \overline{BC} \approx 45 \text{ 公尺}$$

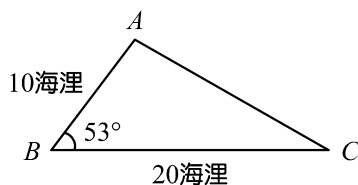
故選(B)



23. 如下圖，已知 $\overline{AB} = 10, \overline{BC} = 20, \cos 53^\circ \approx 0.6$

利用餘弦定理：

$$\begin{aligned} \overline{AC}^2 &= \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 - 2\overline{AB} \times \overline{BC} \times \cos \angle ABC \\ &\approx 10^2 + 20^2 - 2 \times 10 \times 20 \times 0.6 = 100 + 400 - 240 = 260 \\ \Rightarrow \overline{AC} &\approx \sqrt{260} = 2\sqrt{65} \text{ 海裡, 故選(D)} \end{aligned}$$



24. 如下圖，已知 $\overline{AB} = 50, \angle A = 105^\circ, \angle B = 45^\circ$

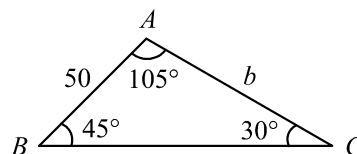
則 $\angle C = 180^\circ - 105^\circ - 45^\circ = 30^\circ$

令 $\overline{AC} = b$ ，利用正弦定理：

$$\frac{b}{\sin B} = \frac{50}{\sin C} \Rightarrow \frac{b}{\sin 45^\circ} = \frac{50}{\sin 30^\circ}$$

$$\Rightarrow b \times \sin 30^\circ = 50 \times \sin 45^\circ$$

$$\Rightarrow b \times \frac{1}{2} = 50 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow b = 50\sqrt{2} \text{ 公尺, 故選(B)}$$



25. 假設熱氣球上升至 D 點，令高度 $\overline{CD} = h$
某人在 A 點測得仰角 42° ，接著往熱氣球方向前進 80
公尺至 B 點後，仰角增加至 45° ，則 $\overline{BC} = \overline{CD} = h$
在 $\triangle ACD$ 中

$$\tan 42^\circ = \frac{\overline{DC}}{\overline{AC}} = \frac{h}{h+80} = \frac{9}{10} \Rightarrow 9h+720=10h$$
$$\Rightarrow h=720, \text{ 故選(C)}$$

